

DÉBUT CATÉGORIE P1

1 - PRÉFÉRENCES

Elodie, Léo, Théo et Ysia sont réunis. Chacun de ces quatre amis a une matière préférée parmi les quatre suivantes : histoire, mathématiques, musique, sport, et aucun n'a la même qu'un autre.

Elodie : « Je préfère les mathématiques ».

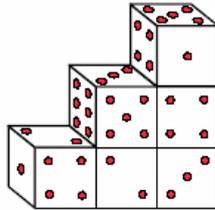
Théo : « Je n'aime ni l'histoire, ni le sport ».

Ysia : « Je n'aime ni la musique, ni le sport ».

Retrouve la matière préférée de chacun.

2 - LES SIX DÉS

Ces six dés sont rigoureusement identiques. On les a assemblés de telle sorte que deux faces qui se touchent portent toujours le même nombre de points. On rappelle que sur un dé, la somme des points portés par deux faces opposées est toujours égale à 7.



Quelle est la somme des points des trois faces du dessous ?

DÉBUT CATÉGORIE P2

3 - COMPTES D'APOTHAICAIRES

Apoline dit à Thibault : « J'ai 37 dollars de plus que toi ! »

« Exact, répond Thibault. Alors rends-moi les 12 dollars que tu me dois ».

Apoline rend les 12 dollars à son frère.

Combien de dollars a-t-elle de plus que lui après ce remboursement ?

4 - LE JEU DE CARTES

Anaïs a posé trente-deux cartes sur une table, face en dessous, après les avoir mélangées. Le jeu comprend 8 cœurs (de couleur rouge), 8 carreaux (de couleur rouge), 8 trèfles (de couleur noire) et 8 piques (de couleur noire). Brice retourne les cartes une à une et s'arrête dès qu'il voit au moins une carte rouge et une carte noire.

Combien de cartes aura-t-il alors retournées, au maximum ?

DÉBUT CATÉGORIE P3

5 - DEUX-ZÉRO-ZÉRO-SEPT

Sylvia écrit tous les nombres à quatre chiffres dont l'écriture utilise un « 2 », deux « 0 » et un « 7 ».

Ensuite, elle additionne tous les nombres écrits.

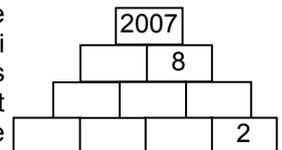
Quel résultat obtient-elle ?

Note : L'écriture d'un nombre à quatre chiffres ne doit jamais commencer par un 0.

FIN CATÉGORIE P1

6 - LA PYRAMIDE DE L'ANNÉE

Les dix briques de cette pyramide portent des nombres entiers qui sont tous plus grands que 0 et tous différents. Lorsqu'une brique est posée sur deux autres briques, le nombre qu'elle porte est toujours égal à la somme des nombres des deux briques sur laquelle elle repose.



Complétez les nombres manquants.

DÉBUT CATÉGORIES S1, S2, PS, HC ET GP

7 - AUTORÉFÉRENCE

5 ; 6 ; 7 ; 8 ; 9 ; 10

Dans ce cadre, on compte ____ nombres strictement plus grands que ____.

On veut compléter la phrase avec deux nombres différents de 0, écrits en chiffres. La phrase écrite dans le cadre doit être vraie et la somme de tous les nombres écrits dans ce cadre doit être la plus grande possible.

Quelle sera cette somme ?

8 - LES CRAYONS DE COULEUR

Hugo observe sa réserve de crayons de couleurs.

Il a deux crayons rouges de plus que de crayons jaunes, trois crayons bleus de plus que de crayons rouges et cinq crayons verts de plus que de crayons bleus. Il remarque également qu'il a six fois plus de crayons verts que de crayons jaunes.

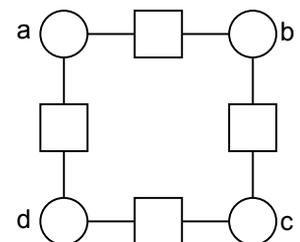
Combien Théo a-t-il de crayons de couleur ?

FIN CATÉGORIE P2

Problèmes 9 à 18 : Attention ! Pour qu'un problème soit complètement résolu, vous devez donner le nombre de ses solutions, et donner la solution s'il n'en a qu'une, ou deux solutions s'il en a plus d'une. Pour tous les problèmes susceptibles d'avoir plusieurs solutions, l'emplacement a été prévu pour écrire deux solutions (mais il se peut qu'il n'y en ait qu'une !).

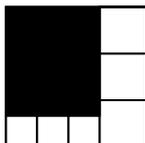
9 - CARRÉ DE NOMBRES

Écrivez huit nombres entiers positifs consécutifs dans les cases de telle sorte que chaque nombre écrit dans un carré soit la somme des deux nombres qui l'encadrent tout en ayant $a < b < d$ et $a < c$.



10 - LA DIVISION DU CARRÉ

Le grand carré a été divisé en sept morceaux, six carrés blancs et un rectangle noir. L'aire du rectangle noir est de 84 cm^2 .



Quelle est l'aire du grand carré ?

11 - ALLEZ POUPOU !

Poupou et Bip-Bip courent en ligne droite et toujours à la même vitesse, Poupou étant moins rapide que Bip-Bip. On néglige les accélérations.

La distance entre deux poteaux D et A est de 600 mètres. En partant au même instant du poteau D, Poupou se trouve à 24 mètres derrière Bip-Bip quand ce dernier arrive au poteau A.

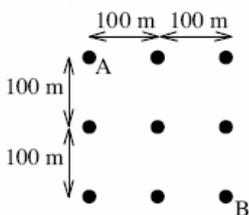
En partant au même instant, lorsque Poupou part du poteau D et que Bip-Bip court en passant par le poteau D, à quelle distance de celui-ci Bip-Bip doit-il partir pour qu'ils arrivent ensemble au poteau A ?

On donnera la réponse en mètres.

FIN CATÉGORIE P3

12 - LE PÉRIPLÉ DE MAYA

Maya l'abeille part de la ruche A et doit visiter les huit autres ruches en respectant les conditions suivantes:



- toujours aller d'une ruche à une autre en volant en ligne droite
- ne jamais passer deux fois dans la même ruche
- ne jamais croiser le trajet déjà effectué
- terminer son périple dans la ruche B.

Il fait un soleil magnifique et Maya n'est pas très pressée.

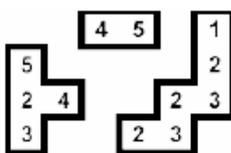
Quelle distance parcourra-t-elle, au maximum ?

On précise que $\sqrt{2} \approx 1,414$; $\sqrt{3} \approx 1,732$ et $\sqrt{5} \approx 2,236$.

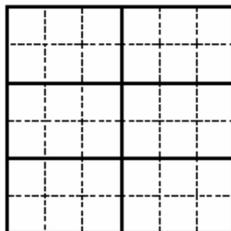
On arrondira le résultat au mètre le plus proche.

13 - LE SUDOKU DÉCHIRÉ

La chatte Mistigrille a mangé une partie de la solution du sudoku de sa maîtresse. Il reste trois morceaux sur lesquels on distingue 12 chiffres.



Les chiffres de 1 à 6 sont présents dans chaque ligne, dans chaque colonne et dans chaque rectangle dont les côtés sont surlignés en gras.



Dessinez les contours des trois morceaux dans la grille.

14 - LA FRACTION DE L'ANNÉE

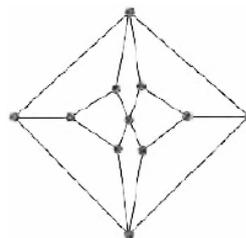
On demande à Toto d'additionner deux fractions irréductibles (dont le dénominateur est différent de 1). Toto, toujours aussi distrait, les multiplie et, par chance, il obtient le résultat attendu. C'est une fraction dont le dénominateur est 2007.

Quel est le numérateur de cette fraction ?

FIN CATÉGORIE S1

15 - FORMULE 1 À MATH-CITY

Math-City organise une course de formule 1 en ville. Le plan de Math-City est représenté ci-contre. Un circuit doit être fermé et visiter tous les carrefours sauf un sans passer deux fois par le même.

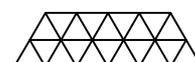


Combien y a-t-il de circuits possibles ?

16 - LA PYRAMIDE DU LOUVRE

Les panneaux vitrés de la pyramide du Louvre sont soit des petits triangles équilatéraux, tous identiques, soit des losanges constitués de deux de ces triangles. Le nombre de losanges est maximal.

La pyramide est à base carrée. Ses quatre faces extérieures sont des grands triangles équilatéraux complètement vitrés à l'exception d'une ouverture, en bas et au milieu d'un côté, qui revêt la forme de la figure.

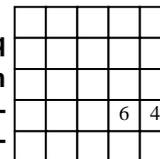


Quel est le nombre total de panneaux vitrés de la pyramide, sachant qu'il est le plus proche possible du nombre du diable, 666 ?

FIN CATÉGORIES S2 ET GP

17 - LES HUIT REINES

Placez trois reines blanches (o) et cinq reines noires (●) dans la grille de façon qu'aucune reine n'attaque horizontalement, verticalement ou diagonalement (à 45°) une reine de l'autre couleur.



Une reine ne peut attaquer une reine à travers une autre. Il n'y a pas de reine dans une case occupée par un chiffre. Chaque chiffre indique le nombre de reines qui attaquent la case qu'il occupe.

18 - LA ROUE ROMAINE

Une roue romaine en bois vient d'être retrouvée sur un site archéologique.

C'est un hexagone convexe ABCDEF dont les côtés ont des longueurs toutes différentes les unes des autres.

Les cordes [AD], [BE] et [CF] sont concurrentes.

Les sommets A, B, C, D, E et F coïncident avec certains des sommets d'un polygone régulier.

Quel est le nombre total de sommets de ce polygone régulier, au minimum ?

FIN CATÉGORIES PS ET HC





21^e Championnat International des Jeux Mathématiques et Logiques

Finale québécois 2006-2007

Formulaire de réponses



UNIVERSITÉ
LAVAL

Aujourd'hui Québec, demain le monde



Résultat

Nom : _____

Courriel : _____

Prénom : _____

Niveau scolaire : _____

Catégorie : _____ Téléphone : _____

École ou institution: _____

Date de naissance : _____

Enseignant(e) : _____

Adresse postale : _____

Adresse (école) : _____

#	Votre solution	Points	Coeff.												
Catégorie : P1															
1	Élodie : _____; Léo : _____ Théo : _____; Ysia : _____;														
2	Somme des points :														
Catégories : P1 et P2															
3	Nombre de dollars :														
4	Nombre de cartes :														
Catégories : P1, P2 et P3															
5	Résultats :														
Catégories P2 et P3															
6	Complète la pyramide <div style="text-align: center;"> <table border="1"> <tr><td>2007</td></tr> <tr><td> </td><td>8</td><td> </td></tr> <tr><td> </td><td> </td><td> </td><td> </td></tr> <tr><td> </td><td> </td><td> </td><td>2</td></tr> </table> </div>	2007		8									2		
2007															
	8														
			2												
Catégories P2, P3, S1, S2, PS, HC et GP															
7	Somme des nombres :														
8	Nombre de crayons :														

#	Nbre de sol.	Votre ou vos solutions	Points	Coeff.
Catégories P3, S1, S2, PS, HC et GP				
9	_____ sol.	1) 2)		
10	1 sol.	Aire du grand carré _____ cm ²		
11	1 sol.	Distance : _____ mètres		
		Sous-total :		

#	Nbre de sol.	Votre ou vos solutions	Points	Coeff.
Catégorie S1, S2, PS, HC, GP				
12	1 sol.	Distance maximale : _____ m		
13	_____ sol.	1)		
		2)		
14	_____ sol.	1) _____ 2) _____		
Catégories : S2, PS, HC et GP				
15	1 sol.	Nombre de circuits : _____		
16	1 sol.	Nombre de panneaux : _____		
Catégories : PS et HC				
17	_____ sol.	1)		
		2)		
18	1 sol.	Nombre de sommets : _____		
Total :				



Bonne chance!